

دراسة حالة رقم (3)
استخدام النماذج الرياضية فى نظم دعم القرار
نموذج البرمجة الخطية (linear programming)

أراد مدير التخطيط فى احد مصانع البسكويت تحديد الكمية التى يمكن انتاجها خلال شهر يونيو القادم من كل منتج من المنتجات المختلفة بالمصنع بما يحقق أعلى ربح ممكن وقد أسد تعان المدير بنظره عدم القرار فى مجال التخطيط يتم فيه بناء النمذج الرياضى باستخدام البرمجة الخطية وكانت البيانات الرئيسية للإنتاج على النحو التالى :

مرحلة الإنتاج	ساعات التشغيل للكرتونه الواحد				اجمالى ساعات التشغيل المتاحة
	منتج A	منتج B	منتج C	منتج D	
العجانه	0.3	0.2	0.1	0.12	850
التشكيل	0.25	0.2	0.05	0.24	1000
الافران	0.4	0.5	0.2	0.18	1400
الغليظ	0.5	0.24	0.11	0.08	900
التعبئة	0.1	0.08	0.04	0.2	750

وكانت بيانات التكلفة والمبيعات على النحو التالى:

المنتج	سعر بيع الكرتونة	تكلفة الكرتونة الواحدة	الحد الاقصى للمبيعات الشهرية
A	42	30	1000
B	39	31	4500
C	26	22	2000
D	34	29	3000

والمطلوب :

1- بناء النموذج الرياضى لنظام دعم القرار باستخدام اسلوب البرمجة الخطية .

وعند تشغيل برنامج نظام دعم القرار الذى يستخدم هذا النموذج والحصول على الحل الامثل : فقد رأى المدير ان يحسن نتائج القرار بتجربة سيناريوهات مختلفة فى ضوء النتائج التى جاءت على النحو التالى :

منتج A	منتج B	منتج C	منتج D
1000	650	400	2500

2- ما هو اجمالى الربح ؟

3- ماهى ساعات التشغيل الفائضة فى مراحل الإنتاج المختلفة وماهى الأقسام التى أستنفذت كل الطاقة المتاحة ؟

4- ماهى المنتجات التى لم تصل مبيعاتها الى الحد الاقصى وكيف يمكن تحسين هذه النتائج ؟

5- إذا كانت تكلفة الساعه الاضافية فى أى مرحلة من مراحل الانتاج 12 جنيها فهل يعد انتاج وحدات اضافية من منتج A مربحا اذا امكن تجاوز الحد الاقصى للمبيعات ؟

6- ماهى اقل قيمة للساعه الاضافية يتحقق عندها ربح للمنتج C ؟

المطلوب الأول : بناء النموذج الرياضى لنظام دعم القرار باستخدام البرمجة الخطية :

أولاً : تكوين دالة الربح :

$$Z = 12 X_1 + 8X_2 + 4X_3 + 5X_4$$

ثانياً : إجراء القيود :

أ – قيود معادلات التشغيل :

$$0.3 X_1 + 0.2 X_2 + 0.1 X_3 + 0.12 X_4 \leq 850$$

العجانة

$$0.25 X_1 + 0.2 X_2 + 0.05 X_3 + 0.24 X_4 \leq 1000$$

التشكيل

$$0.4 X_1 + 0.5 X_2 + 0.2 X_3 + 0.18 X_4 \leq 1400$$

الأفران

$$0.5 X_1 + 0.24 X_2 + 0.11 X_3 + 0.08 X_4 \leq 900$$

التغليف

$$0.1 X_1 + 0.8 X_2 + 0.1 X_3 + 0.12 X_4 \leq 750$$

التعبئة

ب – قيود المبيعات :

$$X_1 \leq 1000$$

$$X_2 \leq 4500$$

$$X_3 \leq 2000$$

$$X_4 \leq 3000$$

المطلوب الثانى : إجمالى الربح :

من الحل بطريقة البرمجة الخطية ظهرت القيم التالية :

$$X_1 = 1000 \quad X_2 = 650 \quad X_3 = 400 \quad X_4 = 2500$$

بالتعويض فى دالة الربح :

$$\begin{aligned} Z &= 12 X_1 + 8X_2 + 4X_3 + 5X_4 \\ &= 12 (1000) + 8 (650) + 4 (400) + 5 (2500) \\ &= 12000 + 5200 + 1600 + 12500 \\ &= \underline{31300} \end{aligned}$$

المطلوب الثالث : ساعات التشغيل الفائضة في مراحل الإنتاج المختلفة والأقسام التي أستهذت كل الطاقة المتاحة :

- مرحلة العجانة $0.12(2500) + 0.1(400) + 0.2(650) + 0.3(1000)$
 $300 + 40 + 130 + 300 = 770$

∴ هناك فائض 80 ساعة

- مرحلة التشكيل $0.24(2500) + 0.05(400) + 0.2(650) + 0.25(1000)$
 $600 + 20 + 130 + 250 = 1000$

∴ لا يوجد ساعات فائضة

- مرحلة الأفران $0.18(2500) + 0.2(400) + 0.5(650) + 0.4(1000)$
 $450 + 80 + 325 + 400 = 1255$

∴ هناك فائض 145 ساعة

- مرحلة التغليف $0.08(2500) + 0.11(400) + 0.24(650) + 0.5(1000)$
 $200 + 44 + 156 + 500 = 900$

∴ لا يوجد ساعات فائضة

- مرحلة التعبئة $0.2(2500) + 0.04(400) + 0.08(650) + 0.1(1000)$
 $500 + 16 + 52 + 100 = 668$

∴ هناك فائض 82 ساعة

∴ ساعات التشغيل الفائضة في كل مرحلة من مراحل الإنتاج المختلفة كما يلي :

- 1- مرحلة العجانة : هناك 80 ساعة فائضة
- 2- مرحلة الأفران : هناك 145 ساعة فائضة
- 3- مرحلة التعبئة : هناك 82 ساعة فائضة

∴ الأقسام التي أستهذت الطاقة المتاحة هي :

- 1- مرحلة التشكيل : لا يوجد ساعات فائضة
- 2- مرحلة التغليف : لا يوجد ساعات فائضة

المطلوب الرابع : المنتجات التي لم تصل مبيعاتها إلى الحد الأقصى وكيفية تحسين النتائج :

$$X1 = 1000 \quad X2=650 \quad X3=400 \quad X4=2500$$

$X1 \leq 1000$	$X1 = 1000$	لا يوجد فائض
$X2 \leq 4500$	$X2 = 650$	هناك فائض بمقدار 3850 وحدة
$X3 \leq 2000$	$X2 = 400$	هناك فائض بمقدار 1600 وحدة
$X4 \leq 3000$	$X2 = 2500$	هناك فائض بمقدار 500 وحدة

∴ المنتجات التي لم تصل إلى الحد الأقصى للمبيعات هي : $X2, X3, X4$

- يمكن تحسين النتائج من خلال تشغيل إضافي

المطلوب الخامس : تكلفة الساعة الإضافية = 12 جنيها

المنتج A

العجانة	0.3	يوجد فائض
التشكيل	0.25	لا يوجد فائض
الأفران	0.4	يوجد فائض
التغليف	0.5	لا يوجد فائض
التعبئة	0.1	يوجد فائض

$$0.25 + 0.5 = 0.75$$
$$0.75 * 12 = 9$$

نعم يعد إنتاج وحدات إضافية من منتج A مربح

المطلوب السادس :

المنتج C

العجانة	0.1	يوجد فائض
التشكيل	0.05	لا يوجد فائض
الأفران	0.2	يوجد فائض
التغليف	0.11	لا يوجد فائض
التعبئة	0.4	يوجد فائض

$$0.05 + 0.11 = 0.16$$

ربح المنتج C = 4

4

$$\therefore \text{قيمة الساعة الإضافية} = \frac{25 \text{ جنيها}}{0.16}$$

- لو الإضافي أقل من 25 جنيها : ربح
- لو الإضافي أكبر من 25 جنيها : غير موافق